

1. (а) (3 поена) Који је први број у низу: 3, 34, 343, 3434, 34343, ... који је дељив са 198?  
(б) (3 поена) Одредити све просте бројеве  $p$  за које су бројеви  $p^2 + 4$  и  $p^2 + 6$  такође прости.
  2. (а) (3 поена) Нека су  $a$  и  $b$  узајамно прости природни бројеви. Доказати да је највећи заједнички делилац за бројеве  $a - b$  и  $a^2 + ab + b^2$  или 1 или 3.  
(б) (3 поена) Одредити све природне бројеве за које важи да је  $\varphi(3n) = 2\varphi(n)$ .
  3. (6 поена) Низ природних бројева  $\{a_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  дефинисан је са  $a_1 = 2017$ ,  $a_{n+1} = 2017^{a_n}$ ,  $n \geq 1$ . Одредити последње две цифре броја  $a_n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .
  4. (6 поена) Ако је  $p$  непаран прост број, доказати да  $p \mid 1^2 \cdot 3^2 \cdot \dots \cdot (p-2)^2 - 2^2 \cdot 4^2 \cdot \dots \cdot (p-1)^2$ .
- 

1. (а) (3 поена) Који је први број у низу: 3, 34, 343, 3434, 34343, ... који је дељив са 198?  
(б) (3 поена) Одредити све просте бројеве  $p$  за које су бројеви  $p^2 + 4$  и  $p^2 + 6$  такође прости.
  2. (а) (3 поена) Нека су  $a$  и  $b$  узајамно прости природни бројеви. Доказати да је највећи заједнички делилац за бројеве  $a - b$  и  $a^2 + ab + b^2$  или 1 или 3.  
(б) (3 поена) Одредити све природне бројеве за које важи да је  $\varphi(3n) = 2\varphi(n)$ .
  3. (6 поена) Низ природних бројева  $\{a_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  дефинисан је са  $a_1 = 2017$ ,  $a_{n+1} = 2017^{a_n}$ ,  $n \geq 1$ . Одредити последње две цифре броја  $a_n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .
  4. (6 поена) Ако је  $p$  непаран прост број, доказати да  $p \mid 1^2 \cdot 3^2 \cdot \dots \cdot (p-2)^2 - 2^2 \cdot 4^2 \cdot \dots \cdot (p-1)^2$ .
- 

1. (а) (3 поена) Који је први број у низу: 3, 34, 343, 3434, 34343, ... који је дељив са 198?  
(б) (3 поена) Одредити све просте бројеве  $p$  за које су бројеви  $p^2 + 4$  и  $p^2 + 6$  такође прости.
  2. (а) (3 поена) Нека су  $a$  и  $b$  узајамно прости природни бројеви. Доказати да је највећи заједнички делилац за бројеве  $a - b$  и  $a^2 + ab + b^2$  или 1 или 3.  
(б) (3 поена) Одредити све природне бројеве за које важи да је  $\varphi(3n) = 2\varphi(n)$ .
  3. (6 поена) Низ природних бројева  $\{a_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  дефинисан је са  $a_1 = 2017$ ,  $a_{n+1} = 2017^{a_n}$ ,  $n \geq 1$ . Одредити последње две цифре броја  $a_n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .
  4. (6 поена) Ако је  $p$  непаран прост број, доказати да  $p \mid 1^2 \cdot 3^2 \cdot \dots \cdot (p-2)^2 - 2^2 \cdot 4^2 \cdot \dots \cdot (p-1)^2$ .
- 

1. (а) (3 поена) Који је први број у низу: 3, 34, 343, 3434, 34343, ... који је дељив са 198?  
(б) (3 поена) Одредити све просте бројеве  $p$  за које су бројеви  $p^2 + 4$  и  $p^2 + 6$  такође прости.
2. (а) (3 поена) Нека су  $a$  и  $b$  узајамно прости природни бројеви. Доказати да је највећи заједнички делилац за бројеве  $a - b$  и  $a^2 + ab + b^2$  или 1 или 3.  
(б) (3 поена) Одредити све природне бројеве за које важи да је  $\varphi(3n) = 2\varphi(n)$ .
3. (6 поена) Низ природних бројева  $\{a_n\}_{n \in \mathbb{N}}$  дефинисан је са  $a_1 = 2017$ ,  $a_{n+1} = 2017^{a_n}$ ,  $n \geq 1$ . Одредити последње две цифре броја  $a_n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .
4. (6 поена) Ако је  $p$  непаран прост број, доказати да  $p \mid 1^2 \cdot 3^2 \cdot \dots \cdot (p-2)^2 - 2^2 \cdot 4^2 \cdot \dots \cdot (p-1)^2$ .